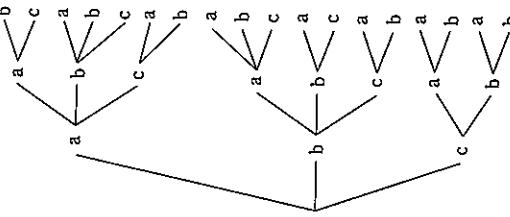


練習5

a, b, c の 5 文字から 3 文字を選んで 1 列に並べる方法を樹形図で表すと、右のようになる。

すべての場合は
aab, aac, aba, abb,
abc, aca, acb, baa,
bab, bac, bba, bbc,
bca, bcb, caa, cab,
cba, cbb

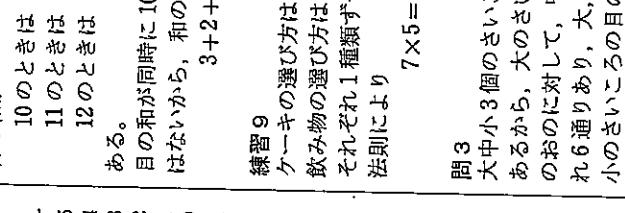
ゆえに、求める方法は 18通りである。



練習6

百, 十, 一の位の数字を並べて、各位の数の和が 6 になるするすべての場合を樹形図で表すと、右のようになる。

よって、求める数は
105, 114, 123, 132, 141,
150, 204, 213, 222, 231,
240, 303, 312, 321, 330,
402, 411, 420, 501, 510,
600 の 21 個である。



練習7

大小 2 個のさいころを投げるととき、目の和が 5 の倍数になるのは、5 または 10 のときである。大きいさいころの目が m , 小さいさいころの目が n であることを (m, n) で表すと、目の和が 5 のときは、 $(1, 4), (2, 3), (3, 2), (4, 1)$ の 4 通り 10 のときは、 $(4, 6), (5, 5), (6, 4)$ の 3 通りである。

目の和が同時に 5 と 10 になることはないから、和の法則により

$$4+3=7 \quad \text{図 7 通り}$$

問2

大小 2 個のさいころを投げるととき、目の和が 4 の倍数になるのは、4, 8, 12 のときである。大きいさいころの目が m , 小さいさいころの目が n であることを (m, n) で表すと、目の和が 4 のときは $(1, 3), (2, 2), (3, 1)$ の 3 通り 8 のときは $(2, 6), (3, 5), (4, 4), (5, 3), (6, 2)$ の 5 通り 12 のときは $(6, 6)$ の 1 通り

$$3+5+1=9 \quad \text{図 9 通り}$$

練習8

大小 2 個のさいころを投げるととき、目の和が 10 以上になるのは、10, 11, 12 のときである。大きいさいころの目が m , 小さいさいころの目が n であることを (m, n) で表すと、目の和が

10 のときは $(4, 6), (5, 5), (6, 4)$ の 3 通り
11 のときは $(5, 6), (6, 5)$ の 2 通り
12 のときは $(6, 6)$ の 1 通り

あるいはから、和の法則により

$3+2+1=6 \quad \text{図 6 通り}$

練習9

百 +

0	—	5
1	—	4
2	—	3
3	—	2
4	—	1
5	—	0

ケーキの選び方は 7 通りあり、そのおののに対しても、飲み物の選び方は 5 通りあるから、ケーキと飲み物をそれぞれ 1 種類ずつ選んで組を作る方法の数は、積の法則により

$$7 \times 5 = 35 \quad \text{図 35 通り}$$

練習10

大中小 3 個のさいころの目の出方は、それぞれ 6 通りあるから、大のさいころを投げて出した 6 通りの目の出方のに対しても、中のさいころの目の出方は、それぞれ 6 通りあり、大、中の目のペアのおののに対しても、小のさいころの目の出方は、それぞれ 6 通りある。

よって、積の法則により

$$6 \times 6 \times 6 = 216 \quad \text{図 216 通り}$$

練習11

大中小 3 個のさいころの偶数の目の出方は、それぞれ 3 通りあるから、大のさいころを投げて出した 3 通りの目の出方のに対しても、中のさいころの目の出方は、それぞれ 3 通りあり、大、中の目のペアのおののに対しても、小のさいころの目の出方は、それぞれ 3 通りある。

よって、積の法則により

$$3 \times 3 \times 3 = 27 \quad \text{図 27 通り}$$

練習11

(1) a, b, c, d の中から 1 つの文字を選ぶ方法は 4 通りあり、そのおののに対して、 x, y, z の中から 1 つの文字を選ぶ方法は 3 通りある。

よって、展開した式の項の個数は、積の法則により

$$4 \times 3 = 12 \quad \text{図 12 個}$$

(2) a, b の中から 1 つの文字を選ぶ方法は 2 通りあり、そのおのののに対して、 p, q, r の中から 1 つの文字を選ぶ方法は 3 通りある。

また、 $(a+b)(p+q+r)$ を展開して得られる各項に対して、 x, y の中から 1 つの文字を選ぶ方法は 2 通りある。

よって、展開した式の項の個数は、積の法則により

$$2 \times 3 \times 2 = 12 \quad \text{図 12 個}$$

練習12

(1) 72 を素因数分解すると

$$72 = 2^3 \cdot 3^2$$

72 の正の約数は、 2^3 の正の約数と、 3^2 の正の約数の積で表される。

$$2^3 \text{ の正の約数は } 1, 2, 2^2, 2^3 \text{ の } 4 \text{ 個}$$

$$3^2 \text{ の正の約数は } 1, 3, 3^2 \text{ の } 3 \text{ 個}$$

よって、72 の正の約数の個数は、積の法則により

$$4 \times 3 = 12 \quad \text{図 12 個}$$

また、72 の正の約数の総和は

$$(1+2+2^2+2^3)(1+3+3^2)=15 \times 13=195$$

(2) 300 を素因数分解すると

$$300 = 2^2 \cdot 3 \cdot 5^2$$

300 の正の約数は、 2^2 の正の約数と、3 の正の約数と、

$$5^2 \text{ の正の約数の積で表される。}$$

$$2^2 \text{ の正の約数は } 1, 2, 2^2 \text{ の } 3 \text{ 個}$$

$$3 \text{ の正の約数は } 1, 3 \text{ の } 2 \text{ 個}$$

よって、300 の正の約数の個数は、積の法則により

$$5 \times 3 = 15 \quad \text{図 15 個}$$

また、300 の正の約数の総和は

$$(1+2+2^2)(1+3)(1+5+5^2)=7 \times 4 \times 31=868$$

練習13

練習10

練習11

練習12

練習13